

TEST N°8 – DURÉE : 40'*Corrigé***EXERCICE 1.**

(7 points)

On dispose d'un dé à 6 faces parfaitement équilibré.

2 faces sont peintes en rouge, 1 face est peinte en jaune, et 3 faces sont peintes en bleu.

Une expérience aléatoire consiste à jeter ce dé deux fois de suite. On obtient une succession de couleurs, que l'on note sous la forme d'un couple. Ainsi, le couple (Bleu ; Rouge) signifie que le jet n°1 a fait apparaître la couleur bleue et que le jet n°2 a fait apparaître la couleur rouge.

1. Le dé étant parfaitement équilibré, les 6 faces ont à chaque lancer la même probabilité d'apparaître.
 - (a) Le dé possède 2 faces rouges sur un total de 6 : la probabilité d'obtenir une face rouge est $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$.
 - (b) Le dé possède une face jaune sur un total de 6 : la probabilité d'obtenir une face jaune est $\frac{1}{6}$.
 - (c) Le dé possède 3 faces bleues sur un total de 6 : la probabilité d'obtenir une face bleue est $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$.
2. Organisons les résultats dans un tableau : (R signifie "rouge", B signifie "bleu", J signifie "jaune").

Jet 1 \ Jet 2	R	R	J	B	B	B
R	(R;R)	(R;R)	(R;J)	(R;B)	(R;B)	(R;B)
R	(R;R)	(R;R)	(R;J)	(R;B)	(R;B)	(R;B)
J	(J;R)	(J;R)	(J;J)	(J;B)	(J;B)	(J;B)
B	(B;R)	(B;R)	(B;J)	(B;B)	(B;B)	(B;B)
B	(B;R)	(B;R)	(B;J)	(B;B)	(B;B)	(B;B)
B	(B;R)	(B;R)	(B;J)	(B;B)	(B;B)	(B;B)

On obtient donc neuf couples de couleurs différents : (R;R) – (R;J) – (R;B) – (B;R) – (B;J) – (B;B) – (J;B) – (J;J) – (J;R).

3. On gagne à ce jeu lorsque les deux faces obtenues, à l'issue des deux jets, sont de la même couleur. Le dé étant parfaitement équilibré, les $6 \times 6 = 36$ cases du tableau ci-dessus ont toutes la même probabilité.

La probabilité de gagner est donc $\frac{4 + 1 + 9}{36} = \frac{14}{36} = \frac{7}{18}$.

La probabilité de perdre est donc : $1 - \frac{7}{18} = \frac{11}{18}$.

EXERCICE 2.

(5 points)

1. Le débit du fleuve Amazone est de $150\,000\text{ m}^3/\text{s}$.

Or $150\,000\text{ m}^3 = 150\,000 \times 10^{-9}\text{ km}^3 = 1,5 \times 10^{-4}\text{ km}^3$. De plus, $1\text{ s} = \frac{1}{3600}\text{ h}$.

Le débit en km^3/h est donc : $\frac{1,5 \times 10^{-4}}{\frac{1}{3600}} = 0,54$

2. Un moteur de puissance 24 watts (W) fonctionne pendant 15 min.
 $15\text{ min} = 0,25\text{ h}$ et donc l'énergie utilisée est $24 \times 0,25 = 6\text{ Wh}$.
 $15\text{ min} = 900\text{ s}$ et donc l'énergie utilisée est $24 \times 900 = 21\,600\text{ J}$.

EXERCICE 3.

(8 points)

Amanda veut recouvrir son salon rectangulaire dont les dimensions sont 5,4 m sur 3 m avec des dalles de moquette carrées toutes identiques. La longueur du côté de ces dalles est égale à un nombre entier de centimètres.

1. Utilisons l'algorithme d'Euclide.

$$540 = 300 \times 1 + 240$$

$$300 = 240 \times 1 + 60$$

$$240 = 60 \times 4 + 0$$

Le dernier reste non nul est 60 donc le PGCD de 540 et de 300 est 60.

2. Amanda souhaite utiliser le minimum de dalles

(a) La longueur L de l'arête d'une dalle doit être un diviseur de 300 et de 540. La plus grande valeur possible pour L est donc 60 cm.

(b) $\frac{300}{60} = 5$ et $\frac{540}{60} = 9$ et ainsi, il faut $9 \times 5 = 45$ dalles.

3. Dans le commerce, Amanda ne trouve que des dalles carrées dont la longueur du côté est strictement comprise entre 10 et 15 cm. La longueur ℓ d'une arête est donc un diviseur commun à 300 et 540 strictement compris entre 10 et 15 : ça ne peut être que 12.

$\frac{300}{12} = 25$ et $\frac{540}{12} = 45$: il faudra à Amanda $25 \times 45 = 1125$ dalles.

FIN